

- дает визуальную наглядность процессов, происходящих в крепи.

## ЛИТЕРАТУРА

1. И.В. Бакланов, Б.А. Картозия, А.Н. Шашенко, В.Н. Борисов; Геомеханика. Том 2. Геомеханические процессы. Издательство МГГУ, 2004.
2. Г.Г. Литвинский, Э.В. Фесенко, Е.В. Емец; Расчет крепи горных выработок на ЭВМ: Уч. пособ., Алчевск: ДонГТУ, 2011. – 174 с.
3. Литвинский Г.Г., Гайко Г.И., Кулдыркаев Н.И. Стальные рамные крепи горных выработок. Издательство: Техника, 1999.
4. Геомеханические аспекты разработки механизированных крепей. Новосибирск, 1988.
5. Булычев Н.С., Фотиева Н.Н., Стрельцов Е.В. Проектирование и расчет крепи капитальных выработок. М.: Недра, 1986. – 288 с.

УДК 624.074.4:681.3:539.4

## К ВОПРОСУ О ПРИМЕНЕНИИ МЕТОДОВ НЕЛИНЕЙНОГО ПРОГРАММИРОВАНИЯ К ИДЕНТИФИКАЦИИ МАТЕМАТИЧЕСКИХ МОДЕЛЕЙ КОРРОЗИОННОГО РАЗРУШЕНИЯ КОНСТРУКЦИЙ

**Г.В. Филатов**, доктор технических наук, профессор кафедры материаловедения Государственное высшее учебное заведение «Украинский государственный химико-технологический университет», г. Днепропетровск, Украина, e-mail: [filatovgv@mail.ru](mailto:filatovgv@mail.ru)

**Аннотация.** Исследуются вопросы идентификации математических моделей коррозионного разрушения конструкций по экспериментальным данным с применением методов нелинейного программирования. Предлагается теорема о принадлежности оптимальной точки границе области допустимых решений и методика идентификации методом случайного поиска.

*Ключевые слова:* математическое моделирование, идентификация, коррозионное разрушение, нелинейное программирование.

## ABOUT APPLICATION OF METHODS OF NONLINEAR PROGRAMMING TO IDENTIFICATION OF MATHEMATICAL MODELS OF CORROSION DESTRUCTION OF CONSTRUCTIONS

**G. Filatov**, Doctor of technical Sciences, Professor of material authority Department State Higher Educational institute “Ukrainian state chemical-technological university”, Dnepropetrovsk, Ukraine, e-mail: [filatovgv@mail.ru](mailto:filatovgv@mail.ru)

**Abstract.** The problem of identification of mathematical models of corrosive destruction of constructions are probed from experimental data with the use of methods of the nonlinear programming. A theorem is offered about belonging of optimum point to the bor-

der of area of the assumed decisions and method of identification the method of random search.

*Keywords: mathematical design, identification, corrosive destruction, nonlinear programming.*

**Введение.** Современные методы расчета и проектирования химического и нефтехимического оборудования предполагают применения математических моделей коррозионного разрушения, позволяющих отработать различные варианты воздействия на конструкцию агрессивной среды, температуры, различных комбинаций нагрузок, изменение свойств материала и т.д. Применяемые в вычислительной практике аналитические методы поиска экстремума оптимизируемой функции, например, метод наименьших квадратов, определяет экстремальные величины управляющих переменных безотносительно к размерам области допускаемых параметров. В том же случае, если область допускаемых параметров имеет ограничения, поиск экстремальных управляющих параметров существенно усложняется.

**Цель работы.** Существующие математические модели коррозионного разрушения конструкций, взаимодействующих с агрессивной средой, как правило, включают в себя набор эмпирических коэффициентов, значения которых определяются с использованием экспериментальных данных. На область существования этих коэффициентов обычно накладываются ограничения: физические, геометрические и т.п. Не исключено, что экстремальные значения коэффициентов принадлежат границе области допускаемых решений. Исследуем этот вопрос подробно на примере оптимального проектирования некоторой конструкции. Рассмотрим следующую теорему: *При оптимальном проектировании конструкций экстремальное значение целевой функции принадлежит одной или нескольким поверхностям ограничений области допускаемых параметров.*

При доказательстве теоремы сошлемся на рукопись работы Н.А. Алфутова и П.А. Зиновьева "Некоторые особенности задач нелинейного программирования по проектированию конструкций минимального веса", обобщивших частные решения, приведенные в работах [1], [2].

Сформулируем задачу математического программирования [6, 7]:  
минимизировать функцию:

$$F(X) = F(x_1, x_2, \dots, x_n) \quad (1)$$

при ограничениях

$$g_j(x_1, x_2, \dots, x_n) \leq, =, \geq b_j \quad (2)$$

где:  $X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$  - вектор оптимизируемых параметров конструкции. Задача (1)-(2) является задачей нелинейного программирования, если хотя бы одна из функций  $F(X)$ ,  $g(X)$  является нелинейной.

Представим оптимизируемую конструкцию в виде набора дискретных элементов и обозначим линейные размеры дискретных элементов, принятых в качестве независимых переменных в задаче нелинейного программирования, через  $x_{ik}$ , где индекс  $i$  означает номер элемента, а  $k$  – индекс линейного размера в списке размеров, характеризующих элемент  $i$ .

Целевая функция, выражающая вес или объем материала конструкции, состоящей из дискретных элементов, в этом случае принимает следующий вид:

$$F(X) = \sum_i \prod_k c_i x_{ik}, (i = 1, 2, \dots, m; k = 1, 2, 3) \quad (3)$$

Здесь:  $c_i$  – постоянные коэффициенты.

$$x_{ik} \geq 0 \quad (4)$$

Ограничения (4) имеют геометрический смысл и сводят задачу математического программирования к поиску экстремума функции (1), удовлетворяющего ограничениям (2), в неотрицательном октанте пространства  $E^n$  ( $n = i \times k$ ).

Рассмотрим задачу нелинейного математического программирования с ограничениями типа неравенств:

$$g_j(x) \geq b_j, (j = 1, 2, \dots, m) \quad (5)$$

$$x_{ik} \geq 0 \quad (6)$$

и исследуем функцию (3) на экстремум. Для этой цели используем обобщение классического метода множителей Лагранжа на случай, когда ограничения заданы неравенствами. Преобразуем ограничения (5) в равенства. Для этого введем в выражения (5) вспомогательные переменные  $z_j$ . Получим:

$$g_j(x) - b_j - z_j^2 = 0; (j = 1, 2, \dots, m) \quad (7)$$

В результате условия (5) стали равносильны неравенствам:

$$z_j^2 \geq 0; (j = 1, 2, \dots, m) \quad (8)$$

Задача сводится к определению глобального минимума функции  $F(X)$  в неотрицательном октанте  $E^{n+m}$ . Составим функцию Лагранжа:

$$\Phi(x, z, \lambda) = F(X) + \sum_{j=1}^m \lambda_j (g_j - b_j - z_j^2) \quad (9)$$

где  $\lambda_j$  – неопределенные множители Лагранжа. Приравнявая частные производные от  $\Phi(x, z, \lambda)$  по всем переменным, получим следующие уравнения:

$$\frac{\partial \Phi(x, z, \lambda)}{\partial x_{ik}} = c_i x_{i,k-1} x_{i,k+1} + \sum_{j=1}^m \lambda_j \frac{\partial g_j(x)}{\partial x_{ik}} = 0 \quad (10)$$

где:  $k = 1, 2, 3$ ;  $k-1 = 1, 2$  при  $k = 2, 3$ ;  $k-1 = 3$  при  $k = 1$ ;  $k+1 = 2, 3$  при  $k = 1, 2$ ;  $k+1 = 1$  при  $k = 3$

$$\frac{\partial \Phi(x, z, \lambda)}{\partial z_j} = -2\lambda_j z_j = 0 \quad (11)$$

$$\frac{\partial \Phi(x, z, \lambda)}{\partial \lambda_j} = g_j(x) - b_j - z_j^2 = 0 \quad (12)$$

Условия (10) – (12) выполняются в двух случаях. В первом из них все  $z_j \neq 0, \lambda_j = 0$ , что означает выполнение всех ограничений (7) как равенств. Этот случай соответствует поиску минимума функции  $F(X)$  внутри неотрицательного октанта пространства  $E^m$ , при этом ограничения типа равенств не рассматриваются, так как система уравнений (9) при  $\lambda_j = 0$  имеет бесконечное множество решений, принадлежащих неотрицательным участкам осей координат пространства  $E^n$ , которые в общем случае не удовлетворяют ограничениям (5), (12). Во втором случае системы уравнений (10) – (12) имеют решение в случае, если хотя бы часть  $z_j$  будет равна нулю. В этом случае соответствующие ограничения (5) выполняются со знаком равенства. *В геометрическом смысле высказанное утверждение означает, что точка глобального минимума функции  $F(X)$  при наличии ограничений, заданных неравенствами, принадлежит хотя бы одной из поверхностей ограничений.*

Сделанный вывод позволяет рекомендовать для поиска экстремума нелинейных задач математического программирования применять методы нулевого порядка, не требующие анализа производных, например, вероятностные методы.

**Результаты исследований.** Сформулируем задачу идентификации математической модели коррозионного разрушения как задачу математического программирования. В качестве объекта идентификации рассмотрим логистическую модель (МЛКФ) [3].

$$\delta = \frac{\delta_0}{1 + \eta \cdot \exp(-\vartheta \delta_0 t)}, \quad (13)$$

где  $\delta_0, \eta, \vartheta$  – коэффициенты, учитывающие влияние коррозионной среды,  $\delta$  – текущее значение глубины коррозионного повреждения;  $\delta_0$  – предельное верхнее значение глубины коррозионного повреждения;  $t$  – время коррозии.

Идентификация модели заключается в определении коэффициентов модели  $\delta_0, \eta, \vartheta$ , которые бы обеспечили наилучшее приближение расчет-

ной кривой, описываемой уравнением (13), к экспериментальной кривой. Запишем выражение для целевой функции в виде функционала:

$$J = \sum_{j=1}^n \left[ \delta_{ej} - \frac{\delta_0}{1 + \eta \cdot \exp(-\vartheta \delta_0 t_j)} \right]^2 \quad (14)$$

В качестве ограничений, накладываемых на область изменения управляющих переменных, примем условие неотрицательности коэффициентов модели  $\delta_0, \eta, \vartheta$ :

$$\delta_0^- \leq \delta_0 \leq \delta_0^+; \quad \eta^- \leq \eta \leq \eta^+; \quad \vartheta^- \leq \vartheta \leq \vartheta^+, \quad (15)$$

где  $\delta_0^-, \delta_0^+; \eta^-, \eta^+; \vartheta^-, \vartheta^+$  соответственно нижняя и верхняя границы значений коэффициентов  $\delta_0, \eta$  и  $\vartheta$

Вводя вектор управляющих переменных  $\mathbf{X} = (x_1, x_2, \dots, x_n)$  и обозначая их  $x_1 = \delta_0, x_2 = \eta, x_3 = \vartheta$ , получаем следующую задачу математического программирования:

Найти минимум функционала

$$F(\mathbf{X}) = \min \sum_{j=1}^n \left[ \delta_{ej} - \frac{x_1}{1 + x_2 \cdot \exp(-x_3 x_1 t_j)} \right]^2 \quad (16)$$

при выполнении ограничений:

$$\begin{aligned} g_1(\mathbf{X}) = x_1 - x_1^- &\geq 0; & g_2(\mathbf{X}) = x_1^+ - x_1 &\geq 0; \\ g_3(\mathbf{X}) = x_2 - x_2^- &\geq 0; & g_4(\mathbf{X}) = x_2^+ - x_2 &\geq 0; \end{aligned} \quad (17)$$

$$g_5(\mathbf{X}) = x_3 - x_3^- \geq 0; \quad g_6(\mathbf{X}) = x_3^+ - x_3 \geq 0$$

Сформулированная задача математического программирования (16)–(17) решалась методом случайного поиска ПГЭФ [5]. Ограничения на область допустимых решений принимались следующими:  $0,01 \leq \delta_0 \leq 5$  мм;  $1,0 \leq \eta \leq 10000$ ;  $0,01 \leq \vartheta \leq 10,0$ . Результаты решения приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Результаты идентификации модели коррозионного разрушения МЛКФ методом случайного поиска

$t_j$ (годы)	$\delta_{ej}$ (мм)	$\delta_0$ (мм)	$\eta$	$\vartheta$ (1/мм×год)	$\delta(t_j)$ , мм	$\Delta$ , %
0,164	0,10	2,141	514,0	4,054	0,01	+82,10
0,575	0,49				0,47	+2,65
1,021	1,95				1,99	-2,39
1,441	2,10				2,13	-1,60
2,019	2,08				2,14	-0,02
3,200	2,25				2,14	+4,84

В таблице 2 приведены результаты идентификации модели МЛКФ методом случайного поиска в сравнении с аналогичными результатами, полученными методом наименьших квадратов [3]. Формальный показатель качества  $J_{\min}$  при использовании метода случайного поиска оказался значительно меньше, чем аналогичный показатель при использовании метода наименьших квадратов.

Таблица 2 – Результаты расчета коэффициентов математической модели коррозионного повреждения МЛКФ методом наименьших квадратов НК и методом СП

$J_{\min}$		$\delta_0$ (мм)		$\eta$		$\rho$ (1/мм год)	
НК	СП	НК	СП	НК	СП	НК	СП
0,501	0,026	2,250	2,141	34,00	514,1	1,649	4,054

**Вывод.** Из сравнения графиков теоретической кривой (Рис.1) хорошо видно, что расчетная кривая, полученная методом случайного поиска, практически совпадает с экспериментальной кривой. Относительная погрешность, за исключением самой нижней точки, не превышает 5% (Табл. 1).

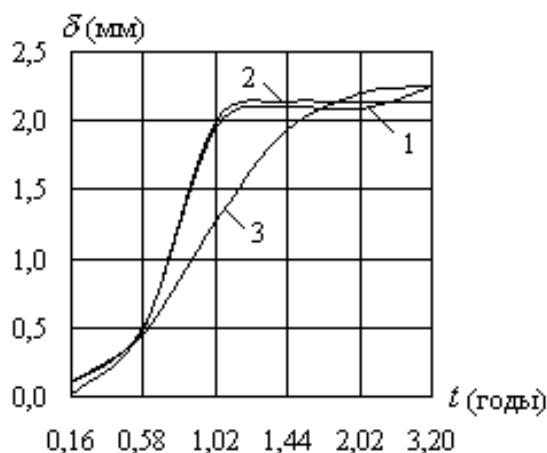


Рис.1 – Графики: 1 - экспериментальной кривой; 2 – расчетной кривой (СП); 3 – расчетной кривой (НК)

## ЛИТЕРАТУРА

1. Gellatly R.A. A procedure for automated minimum weight design. Part I./ R.A.Gellatly, R.H.Gallagher //Theoretical Basis. Aeron. Quart., 1966, v.7, №7, p. 63-66.
2. Гинзбург И.Н. Об одном методе выбора оптимальных параметров конструкций / И.Н.Гинзбург, С.Н.Кан // Труды VII Всес. Конференции по теории оболочек и пластин, Ростов, 1971, С.34-35.
3. Петров В.В. Расчет элементов конструкций, взаимодействующих с агрессивной средой./ В.В.Петров, И.Г.Овчинников, Ю.М.Шихов - Саратов : Изд-во Саратов. ун-та, 1987. - 288 с.

4. Фиакко А. Нелинейное программирование. Методы последовательной безусловной оптимизации / А. Фиакко, Г. Мак-Кормик. – М.: Мир, 1972. – 240 с.

4. Филатов Г.В. Стохастический метод поиска глобального экстремума функции с управляемыми границами интервала оптимизируемых параметров / Г.В. Филатов // Вопросы химии и химической технологии. – Днепропетровск: УГХТУ. – 2000. – №1. – С.334-338.

5. Филатов Г.В. К вопросу об оценке коэффициентов математических моделей коррозионного разрушения конструкций / Г.В. Филатов // ФХММ. – 1993. – Т.29. – №6. – С.59–64.

6. Филатов Г.В. Оптимальное проектирование конструкций методами выпадкового поиска / Г.В. Филатов // Монография. – Днепропетровск: УДХТУ, 2003. – 433 с.

УДК37.022

## КАК ВЫРАБОТАТЬ КАЧЕСТВЕННЫЙ СТИЛЬ МОДЕЛИРОВАНИЯ

**Е.Н. Шумельчик**, инженер-конструктор

г. Днепропетровск, Украина, e-mail: [kateryna.prokopenko.kp@gmail.com](mailto:kateryna.prokopenko.kp@gmail.com)

**Аннотация.** В работе рассмотрены оптимальные приемы в процессе моделирования в среде SolidWorks для более точного, рационального и корректного выполнения поставленных задач. Программное обеспечение SolidWorks является мощным инструментом для работы инженера-конструктора, требуется лишь умело использовать все его возможности и максимально сократить время проектирования.

*Ключевые слова:* SolidWorks, моделирование, проектирование, взаимосвязи эскиза, центральная точка, главные плоскости.

## HOW TO DEVELOP THE MODELING STYLE OF A GOOD QUALITY

**Kateryna Shumelchik**, Design Engineer

Ukraine, Dnepropetrovsk, e-mail: [kateryna.prokopenko.kp@gmail.com](mailto:kateryna.prokopenko.kp@gmail.com)

**Abstract.** The optimal methods in the process of modeling in SolidWorks for more accurate, efficient and correct tasks accomplishment are considered in this article. SolidWorks software is a powerful tool for the design engineer work, the only thing required is to use all its features skillfully and minimize design time.

*Keywords:* SolidWorks, modeling, design, sketchrelations, central point, main plates.

**Введение.** В современном мире без использования технологий трехмерного компьютерного моделирования не обходится практически ни один машиностроительный завод. Поэтому, обучение специалистов высокой квалификации в данных технологиях – одна из главных задач высшей школы.